

## Lineární rovnice o 3 neznámých

$$\text{I. } x + 2y + 5z = 1$$

$$\text{II. } 3x + 4y + 7z = 2$$

$$\text{III. } 6x + 8y + 9z = 4$$

V této situaci obvykle vždy musíme sečíst dvě a dvě rovnice, abychom eliminovali jednu stejnou neznámou, a poté jejich výsledky opět sečíst – viz postup níže.

$$(-3) \cdot \text{I.} + \text{II.} : -3x - 6y - 15z + 3x + 4y + 7z = -3 + 2$$

$$\text{A) } -2y - 8z = -1 \quad / \cdot (-2)$$

Sečtením první a druhé rovnice vznikne nová rovnice pouze o dvou neznámých označená třeba A).

$$(-6) \cdot \text{I.} + \text{III.} : -6x - 12y - 15z + 6x + 8y + 9z = -6 + 4$$

$$\text{B) } -4y - 21z = -2$$

Sečtením první a třetí rovnice vznikne nová rovnice pouze o dvou neznámých označená třeba B).

$$\text{A) } + \text{B) : } 4y + 16z - 4y - 21z = 2 - 2$$

$$5z = 0 \quad / : 5$$

$$z = 0$$

Sečtením rovnic A) a B) dostaneme kořen neznámé z.

Poté do rovnice A) (nebo B)) dosadíme vypočítané z a dostaneme kořen y.

$$-2y - 8z = -1 \rightarrow -2y = -1 + 8z \rightarrow -2y = -1 + 8 \cdot 0 \rightarrow y = \frac{1}{2}$$

$$x + 2y + 5z = 1 \rightarrow x = 1 - 2y - 5z \rightarrow x = 1 - 2 \cdot \frac{1}{2} - 5 \cdot 0 \rightarrow x = 0$$

$$K = \left\{ \left[ 0; \frac{1}{2}; 0 \right] \right\}$$

Výsledek zapisujeme ve tvaru:  $K = \{[x; y; z]\}$  – zpravidla se kořeny zapisují podle **abecedy**.

Poté můžeme dosadit do jakékoliv rovnice, kde se vyskytuje neznámá x.

Příklad použit z:

CHARVÁT, Jura; ZHOUF, Jaroslav; BOČEK, Leo. *Matematika pro gymnázia : Rovnice a nerovnice. 3. vydání. Praha : Prometheus, 2002. 223 s. ISBN 80-7196-154-X.*